

نتائج امتحان مقرر (نظرية القياس) لطلاب السنة الثالثة
الدورة الثانية - للعام الدراسي ٢٠٢٣/٢٠٢٤ م.

النتيجة	العلامة		الاسم الثلاثي	الرقم الجامعي	التسلسل
	رقماً	كتابة			
راسب	24	أربع وعشرون فقط .	راما العجاج	٢١٣٦	19
راسب	44	أربع وأربعون فقط .	لورين عيسى	٢١٣٧	20
ناجح	71	واحد وسبعون فقط .	ميساء احمد	٢١٣٨	21
ناجح	62	اثنان وستون فقط .	روان أبو شكير	٢١٤٤	22
راسب	28	ثمان وعشرون فقط .	امنة محمود	٢١٤٥	23
ناجح	63	ثلاث وستون فقط .	احمد حسين	٢١٥١	24
ناجح	61	واحد وستون فقط .	مايه فارس	٢١٥٥	25
ناجح	73	ثلاث وسبعون فقط .	منار الجاسم	٢١٥٦	26
راسب	19	تسعة عشر فقط .	علي درويش	٢١٦٤	27
راسب	53	ثلاث وخمسون فقط .	عطاء العواد	٢١٦٦	28
راسب	30	ثلاثون فقط .	رهف الكريدي	٢١٧٠	29
راسب	47	سبع وأربعون فقط .	اسيل الخوير	٢١٧٨	30
ناجح	79	تسع وسبعون فقط .	هبة الأحمد	٢١٩٢	31
ناجح	70	سبعون فقط .	عفاف الناصر	٢١٩٧	32
ناجح	69	تسع وستون فقط .	الاء العوض	٢٢٠١	33
ناجح	86	ست وثمانون فقط .	رسل العلاو	٢٢٠٢	34
راسب	18	ثمانية عشر فقط .	بثينة الصالح	٢٢٠٥	35
ناجح	84	أربع وثمانون فقط .	سامية رشيد	٢٢٠٦	36
ناجح	90	تسعون فقط .	سحر السليم	٢٢٠٧	37

عميد كلية العلوم بالحسكة
د. حسين عبدالقادر فريوي

رئيس شعبة الامتحانات
أ. يسرى العلي

أعضاء لجنة الرصد
مسجل

نتائج امتحان مقرر (نظرية القياس) لطلاب السنة الثالثة

الدورة الثانية - للعام الدراسي ٢٠٢٣/٢٠٢٤ م.

النتيجة	العلامة		الاسم الثلاثي	الرقم الجامعي	التسلسل
	رقماً	كتابة			
راسب	32	اثنان وثلاثون فقط .	امنة الخضر	٢٢١٣	38
ناجح	71	واحد وسبعون فقط .	رغدة العوض	٢٢١٤	39
ناجح	87	سبع وثمانون فقط .	اية الأحمد	٢٢١٥	40
ناجح	81	واحد وثمانون فقط .	هدى محمود	٢٢١٨	41
راسب	44	أربع وأربعون فقط .	غيداء السماعيل	٢٢٢٠	42
ناجح	63	ثلاث وستون فقط .	غازي الحمود	٢٢٦٧	43
ناجح	71	واحد وسبعون فقط .	هالة الدامان	٢٢٨١	44
ناجح	73	ثلاث وسبعون فقط .	ايباد مانجي	٢٣٠٩	45
ناجح	63	ثلاث وستون فقط .	خلف الخلف	رقعة	46
ناجح	82	اثنان وثمانون فقط .	علاء الدين الخلف	رقعة	47
ناجح	62	اثنان وستون فقط .	مجد الدين العجاج	رقعة	48



أعضاء لجنة الرصد
مسجل

سليم انسان سمر، نظرية القياس 2023 - 2024 الفصل الثاني

السؤال الثاني، 30 درجة

اولاً، الحلقة: نقول ان الصنف R من اجزاء X انه حصة اذا تحقق الشرطان

$$1) A \cup B \in R \quad \forall A, B \in R \quad (2)$$

$$2) A \cap B \in R \quad \forall A, B \in R \quad (2)$$

ثانياً: القياس μ ، ليكن R حبة من اجزاء X (2)، ليكن μ سمة حصة من R

$$\mu: R \rightarrow \mathbb{R} \quad (2)$$

نقول ان μ انه قياس اذا تحقق الشرطان

$$\mu(\emptyset) = 0, \quad \mu(A) \geq 0 \quad \forall A \in R \quad (2)$$

(2)

من اجل اي حبة $A_1, A_2, \dots, A_n$ حيث

$$A_i \cap A_j = \emptyset \quad \forall i \neq j \quad (2)$$

$$\mu\left(\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i\right) = \sum_{i=1}^{\infty} \mu(A_i) \quad (2)$$

ملاحظة: اذا اعمل دول سوطين
وتكتب صلاصة لا غيرة صلاصة
لا يحد لك درجة

ثالثاً، الخرجة المعززة: ليكن A من X ان الخرجة معززة من μ^* اذا تحققت الشرطا

$$\mu^*(E) = \mu^*(E \cap A) + \mu^*(E \cap A^c) \quad \forall E \in 2^X \quad (4)$$

نوصف كسب، لطلب U به ثنائي + خبر درجة

السؤال الثاني، 20 درجة

$$B_1 = A_1 \in R \quad (5)$$

$$B_2 = A_2 \cup A_1 \in R \quad (5)$$

$$B_n = A_n \cup \bigcup_{i=1}^{n-1} A_i \in R \quad (5)$$

من الواضح ان $B_n \in R$ وان

$$B_n \subseteq A_n$$

$$B_i \cap B_j = \emptyset$$

$$\bigcup_{i=1}^{\infty} B_i = \bigcup_{i=1}^{\infty} A_i$$

(1)

في حال امكن الطلب من طالب نفس الخرجة خبر درجة

السؤال الثاني: 20 درجة

① $B = A \cup (B|A)$; $A \cap (B|A) = \emptyset$

$\Rightarrow \mu(B) = \mu(A \cup (B|A))$

$\mu(B) = \mu(A) + \mu(B|A)$

$\Rightarrow \mu(B) \geq \mu(A)$; $\mu(B|A) \geq 0$

② $B = A \cup (B|A)$; $A \cap (B|A) = \emptyset$

$\Rightarrow \mu(B) = \mu(A \cup (B|A))$

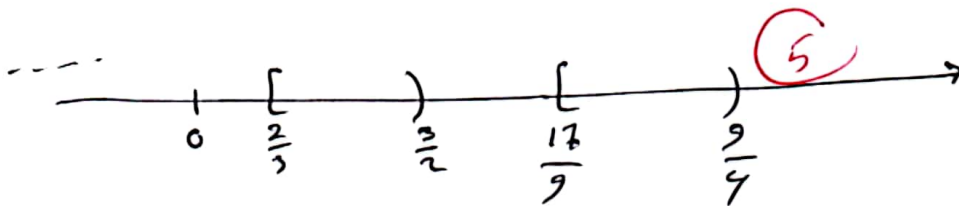
$\mu(B) = \mu(A) + \mu(B|A) \Rightarrow \mu(B|A) = \mu(B) - \mu(A)$

السؤال الرابع: 30 درجة

بما أن K من $\mathbb{R}$ مصفوع هو مجموعة K من A مكررة

$n=1 \Rightarrow [1 - \frac{1}{3}, 1 + \frac{1}{2}] = [\frac{2}{3}, \frac{3}{2}]$

$n=2 \Rightarrow [2 - \frac{1}{3^2}, 2 + \frac{1}{2^2}] = [\frac{17}{9}, \frac{9}{4}]$



نلاحظ أن K متصلة أي لا تحتوي على فترات متقطعة

$m(A) = m \left(\bigcup_{n=1}^{\infty} [n - \frac{1}{3^n}, n + \frac{1}{2^n}] \right)$

$= \sum_{n=1}^{\infty} m \left([n - \frac{1}{3^n}, n + \frac{1}{2^n}] \right)$

②

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow m(A) &= \sum_{n=1}^{\infty} \left(n + \frac{1}{2^n} - n + \frac{1}{3^n} \right) \\
 &= \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2^n} + \frac{1}{3^n} \right) \\
 &= \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2} \right)^n + \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3} \right)^n \quad (5) \\
 &= \frac{\frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}} + \frac{\frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} \\
 &= 1 + \frac{\frac{1}{3}}{\frac{2}{3}} = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \quad (6)
 \end{aligned}$$

انتصار، مل، لعل

20-7-2024
 20-7-2024

3